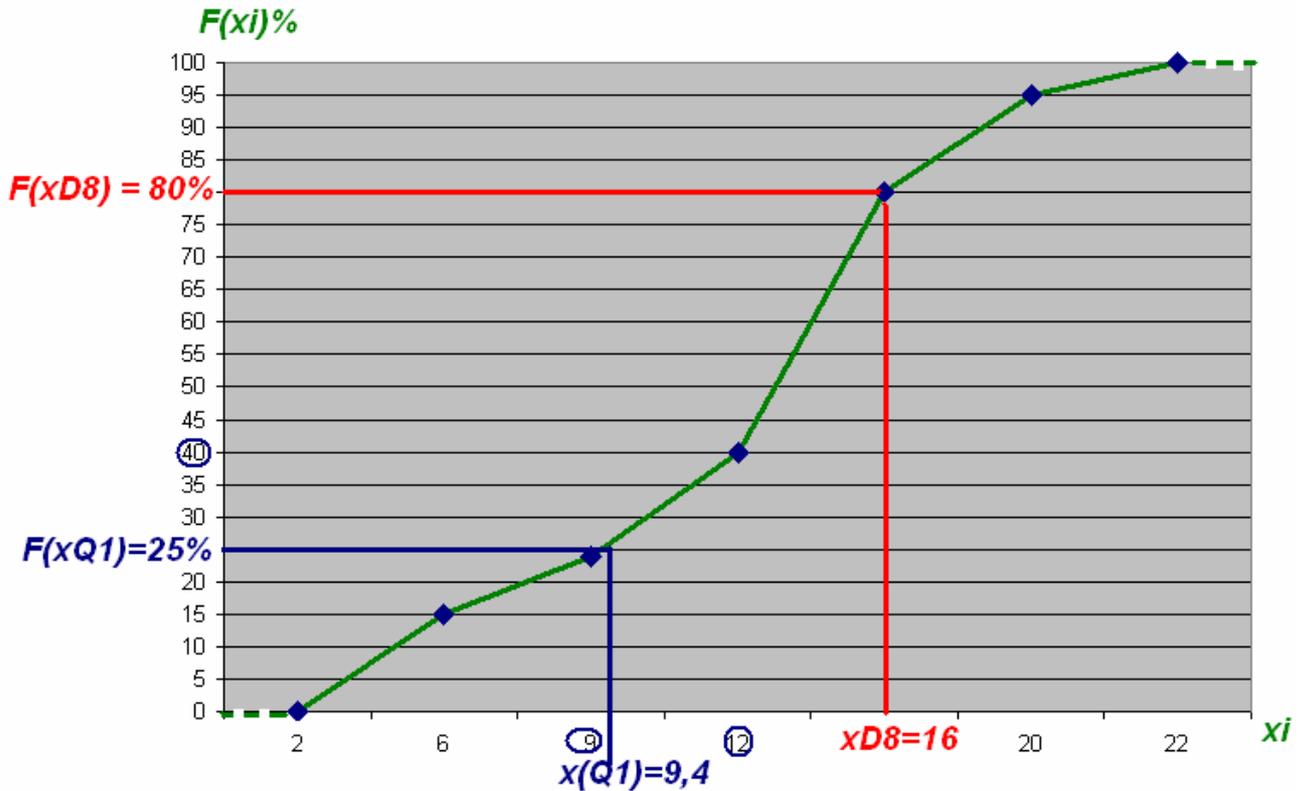


Fonction de répartition - Quantiles

Soit la fonction de répartition ci-dessous :



Il est demandé : de situer deux quantiles au choix (en donnant clairement l'expression algébrique de chaque quantile, et la signification du résultat.)

- l'un dont la valeur est donnée par la courbe

En rouge, la courbe donne immédiatement le 8eme décile (ou 80eme centile) soit

$$x(D8) = 16 \text{ ou } (xC80)$$

$$\text{sa définition : } x(D8) / F(xD8) = 80\%$$

interprétation : 80% des observations sont **strictement** situées sous la borne $x_i = 16$.

- l'autre dont la valeur sera calculée par interpolation (**avec plus ou moins de précision**)

En bleu, on choisit de tracer l'horizontale $F(xQ1) = 25\%$, le premier quartile.

Le point de rencontre avec la courbe donne les valeurs encadrantes :

$$x_{i-} = 9 < x(Q1) < x_{i+} = 12$$

$$\text{avec } F(x_{i-}) \approx 23\% \text{ et } F(x_{i+}) = 40\%$$

La formule d'interpolation s'écrit :

$$x_{Q1} = 9 + [(12 - 9) \times \frac{25\% - 23\%}{40\% - 23\%}] = 9 + (3 \times (2/17)) = 9 + (3 \times 0,12) = 9 + 0,36 \approx 9,4 \text{ donc } x(Q1) = 9,4$$

Sa définition $x(Q1) / F(xQ1) = 25\%$

Interprétation : Un quart des observations sont situées **strictement** sous la borne $x_i = 9,4$

NB : Un choix était théoriquement possible pour le premier quantile donné par la courbe. Il pouvait s'écrire évidemment sous la forme de la relation toujours vérifiée quelle que soit la courbe :

$$X(Q4) = x(D10) = x(C100) = x_{Max} = 22$$

Sa définition :

$$[X(Q4) = x(D10) = x(C100) = x_{Max}] / F [X(Q4) = x(D10) = x(C100) = x_{Max}] = 100\%$$

Interprétation : 100% des observations sont situées sous la borne $x_{Max} = x_i = 22$. Ce quantile n'est évidemment jamais calculé puisqu'il s'agit de x_{Max} .

-JO-